

فرض محروس 2

(عموميات حول الدوال العددية/المرجح)

التمرين 1:

نعتبر f دالة عددية فردية معرفة على D_f و دورية دورها 2 بحيث $0 \in D_f$ و $1 \in D_f$.

1. احسب $f(0)$ و $f(1)$.
2. بين أن $Z \subset D_f$.
3. استنتج $f(k)$ لكل عدد صحيح نسبي k .

0.5x2

ان

2

التمرين 2:

نعتبر الدوال العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي:

$$h(x) = \frac{(5-x)(x+1)}{(x-1)(x-3)} \quad \text{و} \quad g(x) = x^2 - 4x \quad \text{و} \quad f(x) = \frac{5-x}{3+x}$$

1. ادرس تغيرات الدالة f على مجموعة تعريفها.
2. أنشئ في معلم متعامد ممنظم المنحنى الممثل للدالة g ثم استنتج مبيانياً:
 $g(]1;3[)$ و $g(]3;+\infty[)$ و $g(]-\infty;1[)$
3. تحقق من أن $h = fog$ ثم استنتج جدول تغيرات الدالة h .
4. بين أن -9 هي قيمة قصوى نسبية للدالة h .

ان

ان

0.5x3

ان+2

ان1.5

التمرين 3:

ليكن $ABCD$ متوازي الأضلاع مركزه I و لتكن E مرجح النظمة المتزنة $\{(B;1), (C;2)\}$.

1. بين أن D هو مرجح للنقط A و B و C محددًا أوزانها على التوالي.
2. لتكن النقطة F التي تحقق $\vec{2AF} + \vec{BF} + 2\vec{CF} = \vec{0}$.
 - 2.1. بين أن F هي مرجح
 - 2.1.1. للنقطتين B و I
 - 2.1.2. للنقطتين A و E
 - 2.1.3. و أيضاً للنقطتين B و D .
 - 2.2. استنتج أن النقطة F هي تقاطع (BD) و (AE) .
 3. أنشئ الشكل الهندسي المناسب.
 4. ما هي مجموعة النقط M التي تكون من أجلها المتجهتان $\vec{2AM} + \vec{BM} + 2\vec{CM}$ و $\vec{AM} + \vec{CM}$ مستقيمتين؟
 5. حدد إحداثيات النقط D و I و E و F بالنسبة للمعلم $(B; \vec{BA}; \vec{BC})$.

ان

0.5

0.5

0.5

ان

ان

ان1.5

0.5x4